



华图教育
HUATU.COM

2020 年吉林省特岗教师招聘 数学考前三十分

关注吉林华图**微博**&**微信**



科目：数学

目 录

第一章 函数.....	1
第二章 数列.....	6
第三章 平面几何.....	8
第四章 解析几何.....	13
第五章 教学设计.....	15

第一章 函数

考点 1：单调性

1. 对于复合函数 $y = f[g(x)]$ ，令 $u = g(x)$ ， $f(x)$ 与 $g(x)$ 同增函数或减函数时复合函数为增函数，若一个为增函数，一个减函数时，复合函数为减函数，即“同增异减”

考点 2：奇偶性

1. 一般地，对于函数 $f(x)$ 的定义域内的任意一个 x ，若：有 $f(-x) = f(x)$ ，那么 $f(x)$ 就叫做偶函数；有 $f(-x) = -f(x)$ ，那么 $f(x)$ 就叫做奇函数。

2. 偶函数的图象关于 y 轴对称；奇函数的图象关于原点对称。

3. 常用的结论：若 $f(x)$ 是奇函数，且 $0 \in$ 定义域，则 $f(0) = 0$ 或 $f(-1) = -f(1)$ 。

考点 3：周期性

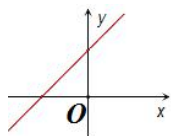
若 T 为非零常数，对于定义域内的任意 x ，使 $f(x+T) = f(x)$ 恒成立，则 $f(x)$ 叫做周期函数， T 叫做这个函数的一个周期。

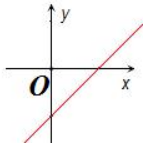
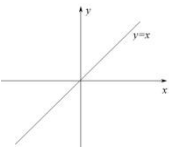
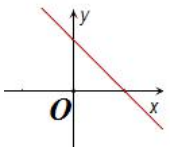
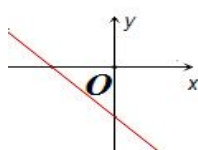
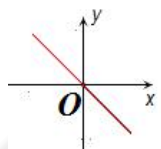
由此可见，周期函数有无穷多个周期，如果在所有正周期中有一个最小的，则称它是 $f(x)$ 的最小正周期。

考点 4：对称性

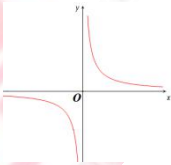
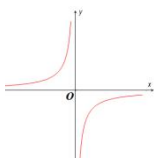
1. $f(a+x) = f(a-x) \Leftrightarrow f(2a-x) = f(x) \Leftrightarrow$ 函数 $f(x)$ 关于直线 $x = a$ 对称。

考点 5：一次函数 $y = kx + b (k \neq 0)$

k 的符号	b 的符号	函数图象	函数性质
$k > 0$	$b > 0$		定义域 R ； 值域 R ； 单调递增； 图象过第一、二、三象限

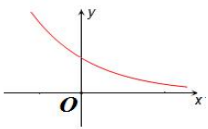
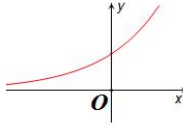
	$b < 0$		定义域 R ; 值域 R ; 单调递增; 图象过第一、三、四象限
	$b = 0$		定义域 R ; 值域 R ; 单调递增; 奇函数; 图象过第一、三象限
$k < 0$	$b > 0$		定义域 R ; 值域 R ; 单调递减; 图象过第一、二、四象限
	$b < 0$		定义域 R ; 值域 R ; 单调递减; 图象过第二、三、四象限
	$b = 0$		定义域 R ; 值域 R ; 单调递减; 奇函数; 图象过第二、四象限
$b = 0$ 为正比例函数（一次函数的特例），斜率不存在不是一次函数，但是图象也为直线			

考点 6: 反比例函数 $y = \frac{k}{x} (k \neq 0)$

k 的符号	$k > 0$	$k < 0$
函数图象		
图象特点	经过第一、三象限	经过第二、四象限
定义域	$(-\infty, 0) \cup (0, +\infty)$	$(-\infty, 0) \cup (0, +\infty)$
值域	$(-\infty, 0) \cup (0, +\infty)$	$(-\infty, 0) \cup (0, +\infty)$
单调性	$(-\infty, 0) \downarrow, (0, +\infty) \downarrow$	$(-\infty, 0) \uparrow, (0, +\infty) \uparrow$
奇偶性	奇函数	奇函数
对称中心	$(0, 0)$	$(0, 0)$

考点 7: 指数函数

1.指数函数： $y = a^x$ ($a > 0$, 且 $a \neq 1$)

a 的范围	$0 < a < 1$	$a > 1$
图象		
恒过点	(0,1)	(0,1)
定义域	R	R
值域	$(0, +\infty)$	$(0, +\infty)$
单调性	↓	↑
奇偶性	非奇非偶	非奇非偶

2.运算性质：

$$(1) a^{\frac{m}{n}} = \sqrt[n]{a^m} \quad (a > 0, m, n \in N^+, n > 1)$$

$$(2) a^{-\frac{m}{n}} = \frac{1}{a^{\frac{m}{n}}} \quad (a > 0, m, n \in N^+, n > 1)$$

口诀：底数取倒数，指数取相反数。

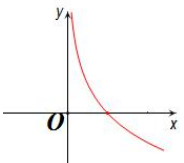
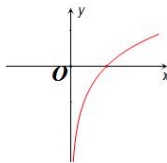
$$(3) a^r a^s = a^{r+s} \quad (a > 0, r, s \in R)$$

$$(4) (a^r)^s = a^{rs} \quad (a > 0, r, s \in R)$$

$$(5) (ab)^r = a^r b^r \quad (a, b > 0, r \in R)$$

考点 8：对数函数

1.对数函数： $y = \log_a x$ ($a > 0$ 且 $a \neq 1, x > 0$)

a 的范围	$0 < a < 1$	$a > 1$
图象		
恒过点	(1,0)	(1,0)

定义域	$(0, +\infty)$	$(0, +\infty)$
值域	R	R
单调性	\downarrow	\uparrow
奇偶性	非奇非偶	非奇非偶

2.运算性质： 设 $a > 0$ ，且 $a \neq 1$ ， M 、 $N > 0$ ，

乘法： $\log_a (M \cdot N) = \log_a M + \log_a N$

除法： $\log_a \frac{M}{N} = \log_a M - \log_a N$

数乘： $\log_a M^m = \frac{m}{n} \log_a M$ ($m \in R$ ， $n \neq 0$)

换底公式： $\log_a b = \frac{\log_c b}{\log_c a}$ ($c > 0$ ，且 $c \neq 1$ ， $b > 0$)

$a^{\log_a M} = M$

$\log_a b = \frac{1}{\log_b a}$ ($b > 0$)

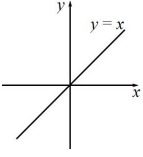
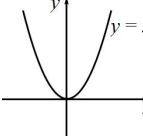
注意特殊值：① $\log_a 1 = 0$ ，② $\log_a a = 1$ 。

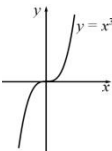
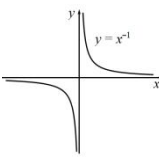
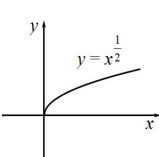
考点 9：幂函数

1.一般地，函数 $y = x^\alpha$ 叫做幂函数，其中 x 为自变量， α 为常数。

2.图象及性质：

我们只讨论 $\alpha = 1, 2, 3, -1, -\frac{1}{2}$ 时的情形。

α 的值	函数	函数图象	函数性质
$\alpha = 1$	$y = x$		定义域： R 值域： R 单调性：在 R 上为单增函数 奇偶性：在 R 上为奇函数
$\alpha = 2$	$y = x^2$		定义域： R 值域： $[0, +\infty)$ 单调性：在 $[0, +\infty)$ 上为增函数； 在 $(-\infty, 0]$ 上为减函数 奇偶性：在 R 上为偶函数

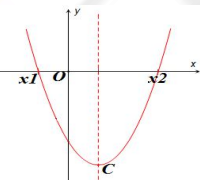
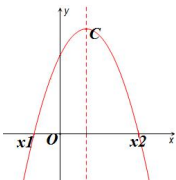
$\alpha = 3$	$y = x^3$		定义域: \mathbb{R} 值域: \mathbb{R} 单调性: 在 \mathbb{R} 上为单增函数 奇偶性: 在 \mathbb{R} 上为奇函数
$\alpha = -1$	$y = x^{-1}$		定义域: $\{x x \neq 0\}$ 值域: $\{y y \neq 0\}$ 单调性: 在 $(0, +\infty)$ 上为单减函数; 在 $(-\infty, 0]$ 上为单减函数 奇偶性: 在 $\{x x \neq 0\}$ 上为奇函数
$\alpha = -\frac{1}{2}$	$y = x^{\frac{1}{2}}$		定义域: $[0, +\infty)$ 值域: $[0, +\infty)$ 单调性: 在 $[0, +\infty)$ 上为单增函数 奇偶性: 非奇非偶函数

考点 10: 二次函数

1.一般地, 如果 $y = ax^2 + bx + c$ (a, b, c 是常数, $a \neq 0$), 那么 y 叫做 x 的二次函数。

$y = ax^2 + bx + c$ (a, b, c 是常数, $a \neq 0$) 叫做二次函数的一般式。

2.二次函数的性质

函数解析式	$y = ax^2 + bx + c (a \neq 0)$	
a 的符号	$a > 0$	$a < 0$
图象		
开口方向	开口向上	开口向下
顶点坐标	$\left(-\frac{b}{2a}, \frac{4ac-b^2}{4a}\right)$ (最低点)	$\left(-\frac{b}{2a}, \frac{4ac-b^2}{4a}\right)$ (最高点)
定义域	\mathbb{R}	\mathbb{R}
值域	$\left[\frac{4ac-b^2}{4a}, +\infty\right)$	$\left(-\infty, \frac{4ac-b^2}{4a}\right]$
单调性	$\left(-\infty, -\frac{b}{2a}\right) \downarrow, \left(-\frac{b}{2a}, +\infty\right) \uparrow$	$\left(-\infty, -\frac{b}{2a}\right) \uparrow, \left(-\frac{b}{2a}, +\infty\right) \downarrow$

奇偶性	当 $b=0$ 时, 偶函数	当 $b=0$ 时, 偶函数
对称轴	$x = -\frac{b}{2a}$	$x = -\frac{b}{2a}$
对称中心	无	无

3. 二次函数与一元二次方程的关系

一元二次方程的解是其对应的二次函数的图象与 x 轴的交点坐标。

一元二次方程中的 $\Delta = b^2 - 4ac$, 可以判断二次函数图象与 x 轴是否有交点, 当 $\Delta > 0$ 时, 图象与 x 轴有两个交点; 当 $\Delta = 0$ 时, 图象与 x 轴有唯一一个交点; 当 $\Delta < 0$ 时, 图象与 x 轴没有交点。

第二章 数列

考点 11: 等差数列的概念及通项公式

- 一般地, 如果一个数列从第 2 项起, 每一项与它的前一项的差等于同一个常数, 这个数列就叫做等差数列。这个常数叫做等差数列的公差, 公差通常用字母 d 表示。
- 等差数列通项公式: $a_n = a_1 + (n-1)d \ (n \in \mathbb{N}^*)$

考点 12: 等差数列求和

- 等差数列前 n 项和公式: $S_n = \frac{n(a_1 + a_n)}{2} = na_1 + \frac{1}{2}n(n-1)d$

2. 等差数列的性质

- ① $a_m - a_n = (m-n)d$, a_m, a_n 为第 m, n 项;
- ② 等差中项: a, b, c 成等差数列, b 叫做 a 与 c 的等差中项, 则 $2b = a + c$;
- ③ 若 $m + n = p + q$, 则 $a_m + a_n = a_p + a_q$;
- ④ $S_n, S_{2n} - S_n, S_{3n} - S_{2n}, \dots$ 成等差数列。

考点 13: 等比数列的概念及通项公式

- 一般地, 如果一个数列从第 2 项起, 每一项与它的前一项的比等于同一个常数, 这个

数列就叫做等比数列。这个常数叫做等比数列的公比，公比通常用字母 q 表示，且 $q \neq 0$ 。

2. 等比数列通项公式： $a_n = a_1 q^{n-1} (n \in N^*, a_1 \neq 0, q \neq 0)$

考点 14：等比数列求和

1. 等比数列前 n 项和：
$$S_n = \begin{cases} \frac{a_1(1-q^n)}{1-q} = \frac{a_1 - qa_n}{1-q} & (q \neq 1) \\ na_1 & (q = 1) \end{cases}$$

2. 等比数列的性质

- (1) $\frac{a_m}{a_n} = q^{m-n}$ ， a_m ， a_n 为第 m ， n 项；
- (2) 下标成等差数列的项成等比数列；
- (3) 若三个数等比，常设 $a_1/q, a_1, a_1q$ ；
- (4) 等比中项： a, b, c 成等比数列， b 叫做 a 与 c 的等比中项，则 $b^2 = a \cdot c$ ；
- (5) $m+n=p+q$ ，则 $a_m \cdot a_n = a_p \cdot a_q$ ，两个下标和相等；
- (6) $S_n, S_{2n}-S_n, S_{3n}-S_{2n}, \dots$ 成等比数列。

考点 15：特殊数列求通项

1. 数列 $\{a_n\}$ 前 n 项和 S_n 与通项 a_n 的关系式：
$$a_n = \begin{cases} S_1, n=1 \\ S_n - S_{n-1}, n \geq 2 \end{cases}$$

2. 求通项常用方法

①
$$a_n = \begin{cases} S_1, n=1 \\ S_n - S_{n-1}, n \geq 2 \end{cases}$$

②累加法；③累积法；④构造新数列法：作等差数列与等比数列；⑤倒数变换法

考点 16：特殊数列求和

1. 公式法

2. 裂项相消法：将数列的通项分成两个式子的代数和，即 $a_n = f(n+1) - f(n)$ ，然后

累加时抵消中间的许多项。

3. 错项相减法: $c_n = a_n \cdot b_n$, $\{a_n\}$ 是等差数列, $\{b_n\}$ 是等比数列。 S_n 乘等比数列的公比后与原来的前 n 项和相减, 求 S_n 。
4. 分组求和法: 将数列求和公式中的各项进行分类, 合并“同类项”, 构造为多个等差数列或等比数列求和。
5. 倒序相加法: 适用于求和公式中到首尾距离相等的两项和具有典型的规律的数列, 采取把正着写与倒着写的两个和式相加, 然后求和。

第三章 平面几何

考点 17: 三角形

1. 三角形的分类

- (1) 按边的关系分类: 三角形
 - 不等边三角形
 - 等腰三角形
 - 底和腰不相等的等腰三角形
 - 等边三角形
- (2) 按角的关系分类: 三角形
 - 直角三角形(有一个角是直角)
 - 斜三角形
 - 锐角三角形(三个角都是锐角)
 - 钝角三角形(有一个角是钝角)

把边和角联系在一起, 我们又有一种特殊的三角形: 等腰直角三角形, 它是两条直角边相等的直角三角形。

2. 三角形的三边关系: 在同一个三角形中, 等角对等边; 等边对等角; 大角对大边; 大边对大角。

3. 三角形中的主要线段

(1) 角平分线: 三角形的一个角的平分线与这个角的对边相交, 这个角的顶点和交点间的线段。(三角形的三条角平分线的交点称为三角形的内心)

(2) 中线: 在三角形中, 连接一个顶点和它对边的中点的线段。(三角形的三条中线的交点称为三角形的重心)

(3) 高线: 从三角形一个顶点向它的对边做垂线, 顶点和垂足之间的线段(简称三角形的高)。(三角形的三条高的交点称为三角形的垂心)

注: 三角形三条边上的垂直平分线上的交点称为三角形的外心。

4.三角形中位线定理：三角形的中位线平行于第三边，并且等于它的一半。

5.等腰三角形

推论 1：等腰三角形顶角平分线平分底边并且垂直于底边。即等腰三角形的顶角平分线、底边上的中线、底边上的高重合（简称：三线合一）。

推论 2：等边三角形的各个角都相等，并且每个角都等于 60° 。

5.直角三角形

(1) 两个锐角互余： $\angle C=90^\circ \Rightarrow \angle A+\angle B=90^\circ$ 。

(2) 在直角三角形中， 30° 角所对的直角边等于斜边的一半。

(3) 勾股定理：直角三角形两直角边 a, b 的平方和等于斜边 c 的平方，即 $a^2+b^2=c^2$ 。

在 $Rt\triangle ABC$ 中， $\angle C=90^\circ$ ， $\angle A$ ， $\angle B$ ， $\angle C$ 所对的边分别为 a, b, c

边角之间的关系：

$$\sin A = \frac{a}{c}, \cos A = \frac{b}{c}, \tan A = \frac{a}{b}; \sin B = \frac{b}{c}, \cos B = \frac{a}{c}, \tan B = \frac{b}{a}.$$

考点 18：平行四边形

1.性质 1：平行四边形的邻角互补，对角相等。

性质 2：平行四边形的对边平行且相等。

性质 3：平行四边形的对角线互相平分。

性质 4：若一直线过平行四边形两对角线的交点，则这条直线被一组对边截下的线段以对角线的交点为中点，并且这两条直线二等分此平行四边形的面积。

2.平行四边形的判定：两组对边分别平行的四边形是平行四边形。

考点 19：矩形

判定定理 1：有三个角是直角的四边形是矩形。

判定定理 2：对角线相等的平行四边形是矩形。

考点 20：菱形

1.菱形的性质

性质 1：具有平行四边形的一切性质。

性质 2：菱形的四条边相等。

性质 3：菱形的对角线互相垂直，并且每一条对角线平分一组对角。

性质 4：菱形是轴对称图形。

2.菱形的判定

判定定理 1：四边都相等的四边形是菱形。

判定定理 2：对角线互相垂直的平行四边形是菱形。

4.菱形的面积：

$$C_{\text{菱形}ABCD} = 4 \times \text{边长} = 2\sqrt{(\text{对角线1})^2 + (\text{对角线2})^2}$$

$$S_{\text{菱形}ABCD} = \text{底} \times \text{高} = \frac{1}{2} \times \text{对角线1} \times \text{对角线2}。$$

考点 21：正方形

1.正方形的判定

判定一个四边形是正方形的主要依据是定义，途径有两种：

方法一：先证它是矩形，再证有一组邻边相等。

方法二：先证它是菱形，再证有一个角是直角。

判定一个四边形为正方形的一般顺序如下：

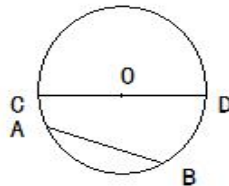
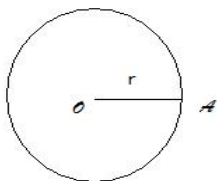
先证明它是平行四边形；再证明它是菱形（或矩形）；最后证明它是矩形（或菱形）。

考点 22：圆的相关概念

1.在一个平面内，线段 OA 绕它固定的一个端点 O 旋转一周，另一个端点 A 随之旋转所形成的图形叫做圆，固定的端点 O 叫做圆心，线段 OA 叫做半径。

圆的几何表示：以点 O 为圆心的圆记作 “ $\odot O$ ”，读作 “圆 O ”。

能够完全重合的两个圆称为等圆。



考点 23：垂径定理及其推论

垂径定理：垂直于弦的直径平分这条弦并且平分弦所对的弧。

垂径定理及其推论可概括为：

直径 $\left\{ \begin{array}{l} \text{过圆心} \\ \text{垂直于弦} \\ \text{平分弦} \end{array} \right\}$ 知二推三

考点 24：弧、弦、弦心距、圆心角之间的关系定理及其推论

1. 圆心角：顶点在圆心的角。
2. 弦心距：从圆心到弦的距离。
3. 在同圆或等圆中，相等的圆心角所对的弧相等，所对的弦相等，所对的弦的弦心距相等。
4. 推论：在同圆或等圆中，如果两个圆的圆心角、两条弧、两条弦或两条弦的弦心距中有一组量相等，那么它们所对应的其余各组量都分别相等。

考点 25：圆周角定理

1. 圆周角：顶点在圆上，并且两边都和圆相交的角。
2. 圆周角定理：一条弧所对的圆周角等于它所对的圆心角的一半。

考点 26：点和圆的位置关系

设 $\odot O$ 的半径是 r ，点 P 到圆心 O 的距离为 d ，则有：

- ① 点 P 在 $\odot O$ 内 $\Leftrightarrow d < r$ ；
- ② 点 P 在 $\odot O$ 上 $\Leftrightarrow d = r$ ；
- ③ 点 P 在 $\odot O$ 外 $\Leftrightarrow d > r$ 。

考点 27：三角形与圆

- ① 过三点的圆：不在同一直线上的三个点确定一个圆。
- ② 三角形的外接圆：经过三角形的三个顶点的圆叫做三角形的外接圆。
三角形的外接圆的圆心是三角形三条边的垂直平分线的交点，它叫做这个三角形的外心。
- ③ 三角形的内切圆：与三角形的各边都相切的圆叫做三角形的内切圆。
三角形的内切圆的圆心是三角形的三条内角平分线的交点，它叫做三角形的内心。

考点 28：直线与圆的位置关系

如果 $\odot O$ 的半径为 r ，圆心 O 到直线 l 的距离为 d ，那么：

直线 l 与 $\odot O$ 相交 $\Leftrightarrow d < r$ ；

直线 l 与 $\odot O$ 相切 $\Leftrightarrow d = r$ ；

直线 l 与 $\odot O$ 相离 $\Leftrightarrow d > r$ 。

考点 29：切线的判定和性质

①切线的判定定理：经过半径的外端并且垂直于这条半径的直线是圆的切线。

②切线的性质定理：圆的切线垂直于经过切点的半径。

考点 30：圆和圆的位置关系

1.圆和圆的位置关系

设两圆的半径分别为 R 和 r ，圆心距为 d ，那么

两圆外离 $\Leftrightarrow d > R + r$ ；

两圆外切 $\Leftrightarrow d = R + r$ ；

两圆相交 $\Leftrightarrow |R - r| < d < R + r$ ；

两圆内切 $\Leftrightarrow d = |R - r|$ ；

两圆内含 $\Leftrightarrow 0 < d < |R - r|$ 。

2.圆心距：两圆圆心的距离叫做两圆的圆心距。

考点 31：相关定理

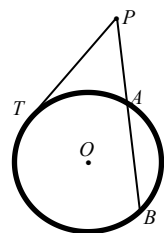
①相交弦定理及推论：定理：圆内的两条相交弦，被交点分成的两条线段长的积相等。

②切割线定理及推论

定理：从圆外一点引圆的切线和割线，切线长是这点到割线与圆的交点的

的两条线段长的比例中项。 PT 切 $\odot O$ 于 $T \Rightarrow PT^2 = PA \cdot PB$

推论：从圆外一点引圆的两条割线，这一点到每条割线与圆的交点的两条线段长的积相等。 $PA \cdot PB = PC \cdot PD$



第四章 解析几何

考点 32: 直线方程

1. 直线方程的三种形式

名称	方程	常数的几何含义	适用范围
点斜式	$y - y_0 = k(x - x_0)$	(x_0, y_0) 是直线上一定点, k 为斜率	不能表示垂直于 X 轴的直线
斜截式	$y = kx + b$	k 表示斜率, b 表示在 y 轴的截距	不能表示垂直于 X 轴的直线
两点式	$\frac{y - y_1}{y_2 - y_1} = \frac{x - x_1}{x_2 - x_1}$	$(x_1, y_1), (x_2, y_2)$ 是直线上两定点	不能表示垂直于坐标轴的直线
截距式	$\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1$	a 表示在 x 上的截距, b 表示在 y 轴上的截距	不能表示垂直于坐标轴和经过原点的直线
一般式	$Ax + By + C = 0$	当 $A \neq 0$ 且 $B \neq 0$ 时, 斜率为 $-\frac{A}{B}$; 在 x 轴上的截距为 $-\frac{C}{B}$ 在 y 轴上的截距为 $-\frac{C}{A}$	任意直线

2. 点到直线的距离

已知点 (x_0, y_0) 与直线 $Ax + By + C = 0$, 则点到直线的距离为 $d = \frac{|Ax_0 + By_0 + C|}{\sqrt{A^2 + B^2}}$ 。

3. 平行线间距离: 若 $l_1: Ax + By + C_1 = 0$, $l_2: Ax + By + C_2 = 0$, 则 $d = \frac{|C_1 - C_2|}{\sqrt{A^2 + B^2}}$ 。

注意: x, y 对应项系数应相等。

4. 两直线间位置关系

设直线 $l_1: y = k_1x + b_1$ 或 $A_1x + B_1y + C_1 = 0$,

直线 $l_2: y = k_2x + b_2$ 或 $A_2x + B_2y + C_2 = 0$ 。

1. 平行: $k_1 = k_2$ 且 $b_1 \neq b_2$; 或者 $A_1B_2 - A_2B_1 = 0$ 且 $A_1C_2 - A_2C_1 \neq 0$ 。
2. 重合: $k_1 = k_2$ 且 $b_1 = b_2$; 或者 $A_1B_2 - A_2B_1 = 0$ 且 $A_1C_2 - A_2C_1 = 0$ 。
3. 相交: $k_1 \neq k_2$; 或者 $A_1B_2 - A_2B_1 \neq 0$ 。
4. 垂直: $k_1 \cdot k_2 = -1$; 或者 $A_1A_2 + B_1B_2 = 0$ 。

考点 33: 圆的方程

1. 标准方程: $(x-a)^2 + (y-b)^2 = r^2$,
 (a, b) ——圆心, r ——半径。
2. 一般方程: $x^2 + y^2 + Dx + Ey + F = 0$, ($D^2 + E^2 - 4F > 0$)
 $\left(-\frac{D}{2}, -\frac{E}{2}\right)$ ——圆心, $r = \frac{\sqrt{D^2 + E^2 - 4F}}{2}$ ——半径。
3. 参数方程: $\begin{cases} x = a + r \cos \theta \\ y = b + r \sin \theta \end{cases}$, (a, b) ——圆心, r ——半径。
4. 直线 $Ax + By + C = 0$ 与圆 $(x-a)^2 + (y-b)^2 = r^2$ 的位置关系有三种:
 若 $d = \frac{|Aa + Bb + C|}{\sqrt{A^2 + B^2}}$,
 $d > r \Leftrightarrow$ 相离 $\Leftrightarrow \Delta < 0$;
 $d = r \Leftrightarrow$ 相切 $\Leftrightarrow \Delta = 0$;
 $d < r \Leftrightarrow$ 相交 $\Leftrightarrow \Delta > 0$;

考点 34: 椭圆

1. 定义: 若 F_1, F_2 是两定点, P 为动点, 且 $|PF_1| + |PF_2| = 2a > |F_1F_2|$ (a 为常数),
 则 P 点的轨迹是椭圆。
2. 椭圆上的点有时常用到三角换元 (椭圆的参数方程): $\begin{cases} x = a \cos \theta \\ y = b \sin \theta \end{cases}$;

考点 35: 双曲线

1. 定义：若 F_1 、 F_2 是两定点， $\|PF_1\| - \|PF_2\| = 2a < |F_1F_2|$ (a 为常数)，则动点 P 的轨迹是双曲线。

2. 标准方程：
$$\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 \quad (a > 0, b > 0)$$

3. 参数方程：
$$\begin{cases} x = a \sec \theta \\ y = b \tan \theta \end{cases}.$$

考点 36：抛物线

1. 定义：到定点 F 与定直线 l 的距离相等的点的轨迹是抛物线。即：到定点 F 的距离与到定直线 l 的距离之比是常数 e ($e=1$)。

2. 标准方程： $y^2 = 2px$ ($p > 0$)， p —— 焦参数；

3. 参数方程：
$$\begin{cases} x = 2pt^2 \\ y = 2pt \end{cases}.$$

第五章 教学设计

考点 37：教学设计

教学设计通常不是直接地让我们去写一篇教案，考察的知识点包括教学目标、教学重难点、对教学片断做出评价、教学流程、数学思想和方法等等。

1. 课题

2. 课时(课型:新授课)

3. 教学目标

①知识与技能目标：了解、理解、掌握、学会、运用

②过程与方法：通过....过程/活动，提.....能力

③情感态度价值观：体会....感情:产生....共鸣;培...精神:陶...情操

注:写三维目标，主体一定是学生，因此避免使用:使学生...让学生....

4. 教学重点:是教材中为了达到教学目的而着重指导学生必须熟练掌握的内容

5. 教学难点:是学生对教材中不易理解掌握的地方

6. 教学方法:一法为主， 多法配合

常见的数学教学方法有:情景教学法, 讲练结合法, 启发式教学法, 讲授法, 练习法, 多媒体教学法、讨论法等

7. 教具

8. 教学过程

①导入:吸引学生注意, 激发学生学习兴趣引入新课

常见的导入方式:温故导入、练习导入、图片导入、视频导入、故事导入、情境导入

②新授:注意学生活动, 生生互动

③巩固:形式多样

④小结:学生小结, 教师归纳

⑤作业:开放性的作业, 学以致用

9. 板书设计:字不如表, 表不如画