

教育理论综合知

一、选择题(本题共 5 小题,每小题 2 分,共 10 分。每小题有四个选项,只有一项是符合题目要求的,请将正确选项前的字母填入下面表格对应的空格内)

1.教师要坚守高尚情操,知荣明耻,严于律己,以身作则,这体现了教师职业道德中的

- A.为人师表
- B.关爱学生
- C.教书育人
- D.爱岗敬业

【答案】A

【解析】《中小学教师职业道德规范》(2008 年修订)中规定,教师职业道德包括:爱国守法;爱岗敬业;关爱学生;教书育人;为人师表;终身学习。其中为人师表要求教师坚守高尚情操,知荣明耻,严于律己,以身作则。衣着得体,语言规范,举止文明。关心集体,团结协作,尊重同事、家长。作风正派,廉洁奉公。自觉抵制有偿家教,不利职务之便谋取私利。

2.教育是国之大计、党之大计。新时代贯彻党的教育方针,要坚持马克思主义指导地位,贯彻新时代中国特色社会主义思想,坚持社会主义办学方向,根本任务是

- A.发展素质教育
- B.落实立德树人
- C.促进学生身心发展
- D.传承、更新文化

【答案】B

【解析】3 月 18 日,中共中央总书记、国家主席、中央军委主席习近平在北京主持召开学

校思想政治理论课教师座谈会并发表重要讲话。他强调，新时代贯彻党的教育方针，要坚持马克思主义指导地位，贯彻新时代中国特色社会主义思想，坚持社会主义办学方向，落实立德树人根本任务，坚持教育为人民服务、为中国共产党治国理政服务、为巩固和发展中国特色社会主义制度服务、为改革开放和社会主义现代化建设服务，扎根中国大地办教育，同生产劳动和社会实践相结合，加快推进教育现代化、建设教育强国、办好人民满意的教育，努力培养担当民族复兴大任的时代新人，培养德智体美劳全面发展的社会主义建设者和接班人。

3. 乌申斯基指出：“一般说来，儿童是依靠形式、颜色、声音和感觉来进行思维的。”

这要求我们在教学中要重视运用

- A. 循序渐进原则
- B. 因材施教原则
- C. 巩固性原则
- D. 直观性原则

【答案】D

【解析】直观性原则是指在教学中引导学生直接感知事物、模型或通过教师用形象语言描绘教学对象，使学生获得丰富的感性认识。夸美纽斯指出凡是需要知道的事物，都要通过事物本身来学习，应该尽可能把事物本身或代替它的图像呈现给学生，这就是直观性原则的典型体现。

4. 根据《中华人民共和国教育法》，下列不属于我国基本教育制度的是

- A. 义务教育制度
- B. 职业教育制度
- C. 终身教育制度

D.学业证书制度

【答案】C

【解析】《中华人民共和国教育法》第十九条，国家实行九年制义务教育制度。第二十条，国家实行职业教育制度和继续教育制度。第二十一条，国家实行国家教育考试制度。第二十二条，国家实行学业证书制度。第二十三条，国家实行学位制度。第二十五条，国家实行教育督导制度和学校及其他教育机构教育评估制度。

5.中国学生发展核心素养,以科学性、时代性、民族性为基本原则,以培养“全面发展的人”为核心,主要分为文化基础、社会参与和

A.学会学习

B.责任担当

C.自主发展

D.科学精神

【答案】C

【解析】《中国学生发展核心素养》中指出，核心素养以培养“全面发展的人”为核心，分为文化基础、自主发展、社会参与3个方面，综合表现为人文底蕴、科学精神、学会学习、健康生活、责任担当、实践创新六大素养，具体细化为国家认同等18个基本要点。

二、选择

6【答案】C

【解析】考察集合的运算， $M = \{x | 0 < x < 1\}$ ， $N \in R$ ，则 $M \cap N = (0, 1)$ ，故选 C.

7【答案】A

【解析】 $\because (Z - i)(1 + i) = 2 - i$ ，则 $Z = \frac{1}{2} - \frac{1}{2}i$ ， $\therefore \bar{Z} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2}i$ ，

\bar{z} 在复平面内对应坐标为 $(\frac{1}{2}, \frac{1}{2})$ $\therefore \bar{z}$ 在第一象限, 选择 A 选项.

考察复数的运算及复数的几何表示.

8 【答案】 C

$$\text{【解析】} \because |\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}| = |\overrightarrow{AB} - \overrightarrow{AC}|, |\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}|^2 = |\overrightarrow{AB} - \overrightarrow{AC}|^2.$$

$$\therefore \overrightarrow{AB}^2 + \overrightarrow{AC}^2 + 2\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC} = \overrightarrow{AB}^2 + \overrightarrow{AC}^2 - 2\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC}$$

$$\therefore \overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC} = 0, \therefore \overrightarrow{AB} \perp \overrightarrow{AC}$$

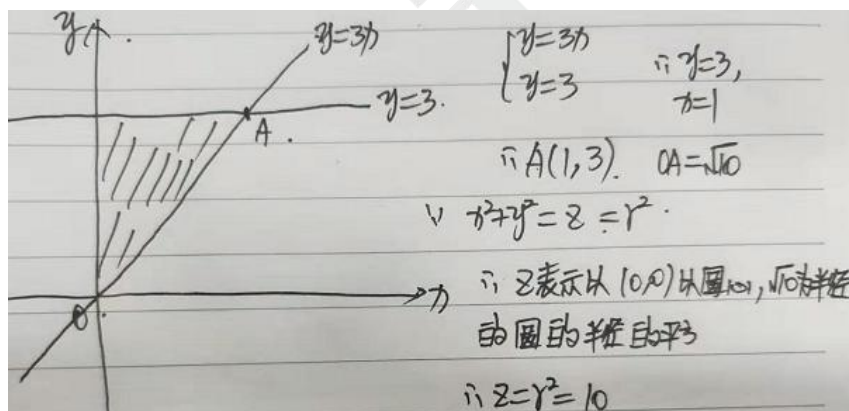
$$\therefore \overrightarrow{CA} \cdot \overrightarrow{CE} = \overrightarrow{CA} \cdot (\frac{1}{3}\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{CA}) = \frac{1}{3}\overrightarrow{CA} \cdot \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{CA}^2 = 1^2 = 1, \text{ 则选择 C.}$$

9 【答案】 D

【解析】 A, 若 $a \parallel b, b \subset \alpha$, 则 $a \parallel \alpha$ 或 $a \subset \alpha$, 故 A 不正确. B, 若 $a \subset \alpha, b \subset \beta, \alpha \parallel \beta$ 或 α 与 β 相交, 故 B 不正确. C, 若 $\alpha \parallel \beta, a \parallel \alpha$, 则 $a \parallel \beta$ 或 $a \subset \beta$, 故 C 不正确. D, 由 $a \parallel b$ 可得 $b \parallel \alpha$, 易证 $b \parallel c$. 故此题选 D.

10 【答案】 D

【解析】 考察线性规划知识点



故此题选 D.

11 【答案】 C

【解析】 将函数 $f(x) = \sin(2x + \varphi)$ [$|\varphi| < \frac{\pi}{2}$] 的图像向左平移 $\frac{\pi}{6}$ 个单位后, 得到 $f(x) = \sin(2x + \frac{\pi}{3} + \varphi)$ 的图像, 再根据所得图像关于 y 轴对称, 可得 $\frac{\pi}{3} + \varphi = \frac{\pi}{2} + k\pi$, 即

$$\phi = \frac{\pi}{6} + k\pi, k \in \mathbb{Z}, \text{ 又 } |\phi| < \frac{\pi}{2}, \therefore \phi < \frac{\pi}{2}, f(x) = \sin(2x + \frac{\pi}{6}), \because x \in [-\frac{\pi}{2}, 0], \therefore 2x + \frac{\pi}{6} \in [-\frac{5\pi}{6}, \frac{\pi}{6}],$$

故当 $\therefore 2x + \frac{\pi}{6} = \frac{\pi}{6}$ 时, $f(x)$ 取的最大值为 $\frac{1}{2}$

12【答案】A

【解析】

$$\text{由 } \sin \frac{B}{2} = \frac{2\sqrt{5}}{5} \Rightarrow \sin^2 \frac{B}{2} = \frac{4}{5} \Rightarrow \cos^2 \frac{B}{2} = \frac{1}{5}$$

$$\begin{aligned} \text{由 } \cos B &= \cos^2 \frac{B}{2} - \sin^2 \frac{B}{2} = \frac{1}{5} - \frac{4}{5} = -\frac{3}{5} \\ \text{由 } \cos B &= \frac{AB^2 + BC^2 - AC^2}{2AB \cdot BC} = \frac{1 + 25 - AC^2}{2 \times 5} = \frac{26 - AC^2}{10} = -\frac{3}{5} \\ \therefore AC &= 4\sqrt{2} \end{aligned}$$

13【答案】B

【解析】在不超过 30 的素数中有 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29 共 10 个, 从中选 2 个不同的数有 $C_{10}^2 = 45$ 种,

和等于 30 的有 (7, 23), (11, 19), (13, 17), 共 3 种, 则对应的概率 $P = 3/45 = 1/15$ 。

故本题选 B。

14【答案】C

【解析】因为 $\tan\left(\alpha + \frac{\pi}{4}\right) = \frac{\tan \alpha + 1}{1 - \tan \alpha} = -\frac{2}{3} \tan \alpha$, 得 $\tan \alpha = 3$ 或 $\tan \alpha = -\frac{1}{2}$,

$$\sin 2\alpha + \cos 2\alpha = \frac{2\sin \alpha + \cos^2 \alpha + \sin^2 \alpha}{1} = \frac{2\sin \alpha + \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha}{\cos^2 \alpha + \sin^2 \alpha} = \frac{2\tan \alpha + 1 - \tan^2 \alpha}{1 + \tan^2 \alpha}, \text{ 代入得}$$

$$-\frac{1}{5}$$

15【答案】B

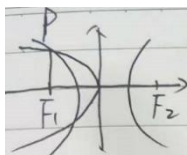
【解析】

$$\therefore f(x) = e^{x+1} - e^{-x+1} = e^{x+1} - \frac{1}{e^{x+1}} = e^{x+1} + \frac{1}{e^{x+1}}$$

$\therefore f(x)$ 在 $(1, +\infty)$ 上单调递增
 $\because 2^a = \log_3 b = c \quad \therefore b = 3^c \quad \therefore b > c$
 $\therefore 2^a = c \quad \therefore c > a \quad \therefore b > c > a$
 $\therefore f(a) < f(c) < f(b)$

故本题选 B.

16 【答案】 B



【解析】

$$\begin{aligned} & \text{设 } P(x, y), \text{ 由 } PF_1 \perp PF_2 \text{ 得 } x^2 + y^2 = c^2 \\ & \text{又 } P \text{ 在双曲线上, 故 } y^2 = -2p(-x) = 2px \\ & \therefore x^2 + 2px = c^2 \quad \therefore x = \frac{c^2}{2p} = \frac{a^2}{c} \quad \therefore p = \frac{2a^2}{c} \\ & \text{由 } PF_1 \perp PF_2 \text{ 得 } x = -c \quad \therefore -c = \frac{a^2}{c} \quad \therefore a^2 = -c^2 \\ & \therefore y^2 = -2p(-c) = 2pc \quad \therefore y = \sqrt{2pc} \\ & \text{又 } PF_1 \text{ 为双曲线右支的半焦距, } \therefore PF_1 = \frac{b^2}{a} \\ & \therefore \sqrt{2pc} = \frac{b^2}{a} \quad \text{即 } \sqrt{2 \cdot \frac{2a^2}{c} \cdot c} = \frac{b^2}{a} \Rightarrow 2a = \frac{b^2}{a} \\ & \therefore b^2 = 2a^2 \\ & \text{又 } c^2 = a^2 + b^2 = 3a^2 \quad \therefore e^2 = 3 \\ & \therefore e = \sqrt{3} \end{aligned}$$

17 【答案】 A

【解析】

$$\begin{aligned} & f(x) = e^{2|x|} + ax^2 \text{ 为偶函数} \\ & \text{且在 } (-\infty, 0) \text{ 上为单调递减, 则 } (0, +\infty) \text{ 为单调增} \\ & f(0) = e^0 = 1 \end{aligned}$$

当 $x < 0$ 时, $f(x) = e^{-2x} + ax^{-1}$ 为减函数
 $\therefore f'(x) = -2e^{-2x} + 2ax \leq 0$
 即 $2ax \leq 2e^{-2x}$
 $\because x < 0 \quad \therefore a \geq \frac{e^{-2x}}{x}$
 即 $a \geq \frac{1}{xe^{2x}}$ 恒成立.
 令 $g(x) = \frac{1}{xe^{2x}} (x < 0)$
 则 $g'(x) = -e^{-2x} - 2xe^{-2x} = -e^{-2x}(2x+1)$
 $\therefore g(x)$ 在 $(-\infty, -\frac{1}{2})$ 上单调递增
 在 $(-\frac{1}{2}, 0)$ 上单调递减
 $\therefore g(x)$ 在 $x = -\frac{1}{2}$ 处取得最大值, $g(x)_{\max} = -\frac{1}{2e}$
 $\therefore \frac{1}{xe^{2x}} \leq -\frac{1}{2e}$
 $\therefore x \geq -2e$

三、填空

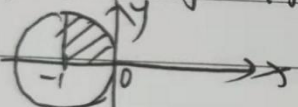
18【答案】2

【解析】

$(x - \frac{a}{x})^5$ 中, $T_{r+1} = C_5^r x^{5-r} (\frac{-a}{x})^r = C_5^r (-a)^r x^{5-2r}$
 当 $r=1$ 时 $T_2 = -5a^1 x^{3}$ 当 $r=4$ 时 $T_5 = C_5^4 (-a)^4 x^{-3} = 10a^4 x^{-3}$
 $\therefore (x - \frac{a}{x})^5$ 中常数项为 $-5a + 10a^4 = -80$
 $x \cdot 10a^4 x^{-3} = 10a^4 x^{-2} = -80 \quad \therefore a = 2$

19【答案】 $\frac{\pi}{4}$

【解析】

$\int_{-1}^0 \sqrt{1-x^2} dx$
 表示 $[-1, 0]$ 区间上 $|x+1|+y^2=1$ 的面积, (阴影部分)

 \therefore 答案为 $\frac{\pi}{4}$

20【答案】 $x > \frac{1}{4}$

【解析】

20. $f(x) = \ln(\sqrt{x+1} + x) + 1$
 $g(x) = \ln(\sqrt{x+1} + x)$ 为奇函数 $\therefore g(x) + g(-x) = 0$
 即 $f(x) + f(-x) = 2$
 且函数 $f(x)$ 在定义域内单调递增
 $\therefore f(2x-1) + f(x) > 2$ 即 $f(2x-1) + 2 - f(-x) > 2$
 $\therefore f(2x-1) > f(-x)$
 由单调性 $2x-1 > -x \therefore 4x > 1$
 $\therefore x > \frac{1}{4}$

21 【答案】 $\frac{2}{3}\pi$

【解析】 \because 菱形 $ABCD$ 中 $AD = 2, BD = 2\sqrt{3}, \therefore \angle DAB = 120^\circ$

设 $AC \cap BD = O$, $\therefore DO \perp AC, BO \perp AC$,

在三棱锥 $A-BCD$ 中, $DO = BO = \sqrt{3}, DB = 2$,

$$\therefore BD = \sqrt{OD^2 + OB^2 - 2OD \cdot OB \cos \angle DOB} = 2.$$

\therefore 三棱锥 $A-BCD$ 是棱长为 2 的正四面体,

设三棱锥 $A-BCD$ 的内切球的半径为 r ,

$\because AC \perp$ 面 DOB ,

则三棱锥 $A-BCD$ 的体积

$$V = \frac{1}{3} \times S_{\triangle BOD} \times AC = 4 \times \frac{1}{3} \times S_{\triangle ABC}$$

$\times r.$

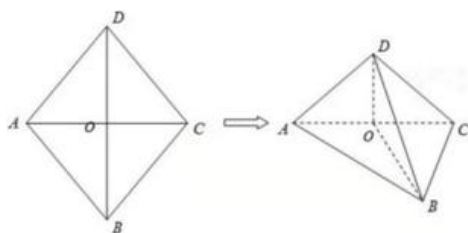
$=$

$$\frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times \sqrt{3} \times \sqrt{3} \times \frac{2\sqrt{2}}{3} \times 2$$

$$= 4 \times \frac{1}{3} \times \frac{\sqrt{3}}{4} \times 2^2 \times r$$

$$\therefore r = \frac{\sqrt{6}}{12} \times 2 = \frac{\sqrt{6}}{6}$$

\therefore 三棱锥 $A-BCD$ 的内切球的表面积为 $4\pi r^2 = \frac{2\pi}{3}$



四. 解答题

22. (1) 3×2^n ; (2) $S_n = -\frac{1}{2}n^2 + \frac{29}{2}n$; 最大值为: 105

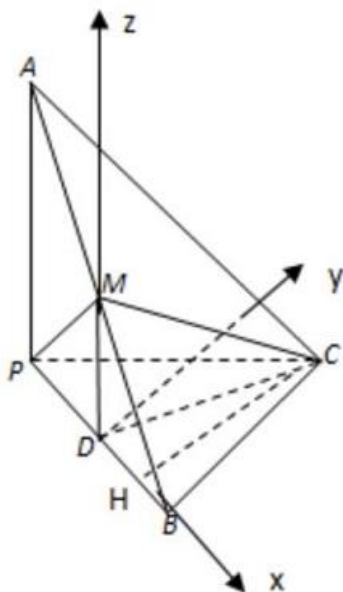
【解析】

(1) $a_1 = 6, a_{n+1} - a_n = 3 \times 2^n \therefore a_n - a_{n-1} = 3 \times 2^{n-1}$
 $\therefore a_n = (a_n - a_{n-1}) + (a_{n-1} - a_{n-2}) + \dots + (a_2 - a_1) + a_1$
 $= 3 \times (2^{n-1} + 2^{n-2} + \dots + 2^1) + 6$
 $= 3 \times (2^n - 2) + 6 = 3 \times 2^n$
 (2) $b_n = 15 - \log_2(\frac{1}{3}a_n) = 15 - \log_2(\frac{1}{3} \times 3 \times 2^n) = 15 - \log_2 2^n$
 $= 15 - n$
 $\therefore b_1 = 15 - 1 = 14 \therefore \{b_n\}$ 是以 $b_1 = 14, d = -1$ 的等差数列.
 $\therefore S_n = \frac{(b_1 + b_n)n}{2} = \frac{(14 + 15 - n)n}{2} = -\frac{1}{2}n^2 + \frac{29}{2}n$
 $\therefore -\frac{b}{2a} = -\frac{\frac{29}{2}}{2 \times (-\frac{1}{2})} = \frac{29}{2} = 14.5$
 $\therefore n = 14$ 或 15 时取最大值
 $S_{max} = \frac{(14 + 15 - 14) \times 14}{2} = \frac{(14 + 15 - 15) \times 15}{2} = 105$

23 【解析】(1) 证明: $\because \triangle PMB$ 为正三角形, 且 D 为 PB 的中点, $\therefore MD \perp PB$, 又 $\because M$ 为 AB 的中点, D 为 PB 的中点, $\therefore MD \parallel AP$, $\therefore AP \perp PB$. 又已知 $AP \perp PC$, $\therefore AP \perp$ 平面 PBC , $\therefore AP \perp BC$, 又 $\because AC \perp BC, AC \cap AP = A, \therefore BC \perp$ 平面 APC .

(2)

(2) 建立空间直角坐标系如图, 则
 $B(\frac{\sqrt{3}}{2}, 0, 0)$ $P(-\frac{\sqrt{3}}{2}, 0, 0)$
 $M(0, 0, \frac{3}{2})$
 过点 C 作 $CH \perp PB$ 垂足为 H ,
 在 $Rt\triangle PBC$ 中, 由射影定理得 $HC = \frac{\sqrt{6}}{3}$
 $BH = \frac{\sqrt{3}}{3}$, $PH = \frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{\sqrt{3}}{3} = \frac{\sqrt{3}}{6}$
 \therefore 点 C 的坐标为 $(\frac{\sqrt{3}}{6}, \frac{\sqrt{6}}{3}, 0)$
 $\therefore \overrightarrow{BC} = (-\frac{\sqrt{3}}{3}, \frac{\sqrt{6}}{3}, 0)$
 $\overrightarrow{BM} = (-\frac{\sqrt{3}}{2}, 0, \frac{3}{2})$
 $\overrightarrow{PM} = (\frac{\sqrt{3}}{2}, 0, \frac{3}{2})$
 $\overrightarrow{PC} = (\frac{2\sqrt{3}}{3}, \frac{\sqrt{6}}{3}, 0)$



\therefore 设平面 BMC 的法向量 $\vec{m} = (x_1, y_1, z_1)$
 则由 $\begin{cases} \overrightarrow{BC} \cdot \vec{m} = 0 \\ \overrightarrow{BM} \cdot \vec{m} = 0 \end{cases}$ 得: $\begin{cases} -\frac{\sqrt{3}}{3}x_1 + \frac{\sqrt{6}}{3}y_1 = 0 \\ -\frac{\sqrt{3}}{2}x_1 + \frac{3}{2}z_1 = 0 \end{cases} \Rightarrow \vec{m} = (1, \frac{\sqrt{2}}{3}, \frac{\sqrt{3}}{3})$
 设平面 PMC 的一个法向量为 $\vec{n} = (x_2, y_2, z_2)$
 则由 $\begin{cases} \overrightarrow{PM} \cdot \vec{n} = 0 \\ \overrightarrow{PC} \cdot \vec{n} = 0 \end{cases}$ $\therefore \begin{cases} \frac{\sqrt{3}}{2}x_2 + \frac{3}{2}z_2 = 0 \\ \frac{2\sqrt{3}}{3}x_2 + \frac{\sqrt{6}}{3}y_2 = 0 \end{cases} \Rightarrow \vec{n} = (1, -\sqrt{2}, -\frac{\sqrt{3}}{3})$
 $\therefore \cos \langle \vec{m}, \vec{n} \rangle = \frac{\vec{m} \cdot \vec{n}}{|\vec{m}| |\vec{n}|} = \frac{1 - 1 - \frac{1}{3}}{\sqrt{1 + \frac{2}{9} + \frac{1}{9}} \sqrt{1 + 2 + \frac{1}{9}}} = -\frac{\sqrt{55}}{55}$
 \therefore 二面角 $B-MC-P$ 的平面角是钝角, \therefore 二面角 $B-MC-P$ 的余弦值为 $-\frac{\sqrt{55}}{55}$.

24. (1) B 社区参与性更高; (2) $E(X) = \frac{9}{5}$

【解析】(1) A 社区参与人数为: $109 + 111 + 114 + 120 + 131 = 585$ 人

B 社区参与人数为: $111 + 112 + 121 + 125 + 126 = 595$ 人

则 B 社区的参与性更高。

(2)

$$P(X=1) = \frac{C_2^1 C_3^1}{C_5^3} = \frac{3}{10}, \quad P(X=2) = \frac{C_2^1 C_3^2}{C_5^3} = \frac{3}{5}$$

$$P(X=3) = \frac{C_3^3}{C_5^3} = \frac{1}{10}$$

X	1	2	3
P	$\frac{3}{10}$	$\frac{3}{5}$	$\frac{1}{10}$

$$E(X) = 1 \times \frac{3}{10} + 2 \times \frac{3}{5} + 3 \times \frac{1}{10} = \frac{9}{5}$$

25【解析】

(1)由题意可得：

$$\frac{3}{a^2} + \frac{1}{2b^2} = 1, \frac{c}{a} = \frac{\sqrt{2}}{2}, a^2 = b^2 + c^2, \text{联立解}$$

得： $a = 2, b = c = \sqrt{2}$.

\therefore 椭圆 C 的标准方程为： $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{2} = 1$.

$$(2) \overrightarrow{MS} = \overrightarrow{SN}, \overrightarrow{PT} = \overrightarrow{TQ},$$

$\therefore S, T$ 分别为 MN, PQ 的中点。

当两条直线的斜率存在且不为 0 时，设直线 l_1 的

方程为： $y = k(x-1)$.

则直线 l_2 的方程为：

$$y = -\frac{1}{k}(x-1), P(x_1, y_1), Q(x_2, y_2),$$

$$M(x_3, y_3), N(x_4, y_4).$$

$$\text{联立} \begin{cases} y = k(x-1) \\ \frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{2} = 1 \end{cases}, \text{得}$$

$$(2k^2 + 1)x^2 - 4k^2x + 2k^2 - 4 = 0,$$

$$\Delta > 0.$$

$$\therefore x_1 + x_2 = \frac{4k^2}{2k^2 + 1}, x_1 x_2 = \frac{2k^2 - 4}{2k^2 + 1},$$

$\therefore PQ$ 的中点 T 的坐标为:

$$\left(\frac{2k^2}{2k^2 + 1}, \frac{-k}{2k^2 + 1} \right).$$

同理可得: MN 的中点 S 的坐标为

$$\left(\frac{2}{k^2 + 2}, \frac{k}{k^2 + 2} \right).$$

$$\therefore k_{ST} = \frac{-3k}{2(k^2 - 1)}.$$

\therefore 直线 ST 的方程为:

$$y + \frac{k}{2k^2 + 1} = \frac{-3k}{2(k^2 - 1)} \left(x - \frac{2k^2}{2k^2 + 1} \right), \text{即}$$

$$y = \frac{-3k}{2(k^2 - 1)} \left(x - \frac{2}{3} \right),$$

\therefore 直线 ST 过定点 $\left(\frac{2}{3}, 0 \right)$.

当两条直线的斜率分别为 0 和不存在时, 直线

ST 的方程为: $y = 0$, 也过点 $\left(\frac{2}{3}, 0 \right)$.

综上所述: 直线 ST 过定点 $\left(\frac{2}{3}, 0 \right)$.

26. 【解析】

已知函数 $f(x) = a(x - \ln x) + \ln x + \frac{1}{x}$ ($a \neq 0$)

(1) 判断函数 $f(x)$ 的单调性

(2) 设 $g(x) = x^2 + (a+1)\ln x - ax - \frac{1}{x}$, 且 $F(x) = f(x) + g(x)$

对任意实数 $\lambda \in [1, 2]$, 若存在 x_1, x_2 使得 $F(x_1) + F(x_2) = \lambda(x_1 + x_2)$, 求 $x_1 + x_2$ 最小值。

(1)由题有 $f' = \frac{(x-1)(ax+1)}{x^2} (x > 0)$

当 $a > 0$, 单增区间 $(1, +\infty)$, 单减区间 $(0, 1)$;

当 $-1 < a < 0$, 单增区间 $(1, -\frac{1}{a})$, 单减区间 $(0, 1), (-\frac{1}{a}, +\infty)$;

当 $a < -1$, 单增区间 $(-\frac{1}{a}, 1)$, 单减区间 $(0, -\frac{1}{a}), (1, +\infty)$

当 $a = -1$, 单增区间 $(0, +\infty)$.

(2) $F(x) = x^2 + 2 \ln x$

由题意得 $(x_1+x_2)^2 - \lambda(x_1+x_2) = 2x_1x_2 - 2 \ln x_1x_2$

$2x_1x_2 - 2 \ln x_1x_2 \geq 2$, 即 $(x_1+x_2)^2 - \lambda(x_1+x_2) \geq 2, \lambda \in [1, 2]$

$(x_1+x_2)^2 - \lambda(x_1+x_2) - 2 \geq 0$ 又 $x_1+x_2 > 0$, 当 $\lambda=2$ 时, 可以取到

$$(x_1+x_2)^2 - \lambda(x_1+x_2) - 2 \geq (x_1+x_2)^2 - 2(x_1+x_2) - 2 \geq 0$$

故解得 $x_1+x_2 \geq 1+\sqrt{3}$ 或 $x_1+x_2 \leq 1-\sqrt{3}$ (舍) 综上所述 x_1+x_2 最小值为 $1+\sqrt{3}$ 。

